

Extrait du
UREM :
Unité de Recherche sur l'Enseignement des Mathématiques

<http://www.ulb.ac.be/sciences/urem>

Le magazine Kvant (Quantum), toujours vivant

- Extra-muros -



Date de mise en ligne : dimanche 29 avril 2012

UREM :
Unité de Recherche sur l'Enseignement des
Mathématiques

Le magazine populaire et scientifique soviétique, Kvant (Quantum en Anglais) consacré essentiellement aux mathématiques et à la physique, et destiné aux élèves et étudiants fut créé en 1970 à l'initiative de l'académicien Piotr Kapitsa. Jusqu'en 1990, il était tiré à plus de 250000 exemplaires... A.Kolmogorov en était un des rédacteurs et Issac Kikoïn en était le rédacteur en chef.

<h3 class="spip">Des temps difficiles</h3>

En 1985, l'Unesco déclarait que Kvant était un journal unique en son genre. Malgré cette reconnaissance, le tirage tomba au cours des années 90 à quelques milliers d'exemplaires. L'Etat Russe (et non plus soviétique) n'apporta plus son soutien à l'initiative : se posèrent des problèmes de locaux, d'équipe vieillissante, etc. Pendant 12 ans, jusqu'en juillet 2001, Kvant connut, sous le nom de Quantum, une traduction en Anglais. La "National Science Teachers Association" (NSTA) soutenait le projet avec enthousiasme mais dut arrêter la publication, assurée par Springer, suite à de nombreuses difficultés financières. Les difficultés ne s'arrêtèrent pas là ! A Moscou, des problèmes juridiques s'ajoutèrent au problèmes financiers ; le problème étant de savoir qui aurait le droit de reprendre les activités. L'affaire n'est, semble-t-il, pas close à ce jour.

<h3 class="spip">Vers un renouveau ?</h3>

Fort heureusement, le Centre de Moscou pour la Formation Continue ([Мцнио](#)) [1] s'est lancé dans le projet d'une archive électronique de Kvant. L'ensemble est déjà assez complet même si la qualité des documents scannés [2], comme le reconnaît le centre, laisse parfois à désirer.

On trouvera sur le site de la NTSA un [exemplaire en anglais](#) de Quantum. L'AMS propose aussi [trois recueils](#) (payants !) d'articles de Quantum repris sous les thèmes Algèbre, Analyse et Combinatoire. La page wikipedia russe consacrée à Kvant évoque sans autre précision deux recueils d'articles qui auraient été publiés en Français.

Ceux que la pratique de la langue de Pouchkine rebute, pourront toujours se contenter des [couvertures de Kvant](#) de 1970 à 1996.



Au delà de l'archivage, le Centre a proposé la création du clone Kvant+ de Kvant. Là encore, les soucis juridiques

devaient ralentir cette louable tentative de renouveau. Le feuilleton, n'est pas terminé. Mais, ne perdons pas espoir : en 2002, Kvant n'annonçait-il pas fièrement son cent millième anniversaire ... en base 2 (premier numéro en 1970). Il faut rester optimiste.

<h3 class="spip">Le grand martyr Pétia [3]</h3>

Voici enfin la traduction d'un petit article, simple, paru dans Kvant n°6 de 2002. Il permet d'apprécier l'esprit dans lequel de nombreux articles étaient rédigés : bien souvent dans l'optique de l'analyse et de la résolution de problèmes. L'article est signé I.Akoulitch.

Considérons les nombres positifs a et

b

. Il est bien connu que leur moyenne arithmétique est

$$\frac{a+b}{2}$$

et leur moyenne géométrique

$$\sqrt{ab}$$

. Un peu moins connue est leur moyenne harmonique

$$\frac{2}{\frac{1}{a} + \frac{1}{b}}$$

Il est clair que

$$\frac{a+b}{2} \geq \frac{2}{\frac{1}{a} + \frac{1}{b}}$$

C'est à dire que le produit de la moyenne arithmétique et de la moyenne harmonique est égal au produit des deux nombres a et

b

En 1999, A.Kanell comprit que de ce simple fait, on pouvait "façonner" un bon problème d'olympiades, par exemple de la façon suivante :

Soit

$$a_0 =$$

,

$$b_0 =$$

et, pour un entier naturel quelconque n a_n et

b_n

les moyennes arithmétiques et harmoniques respectives des nombres

et

$$A_n,$$

. Trouver le produit

$$A_{1999} \cdot b_{1999}$$

La solution consiste en ce que le produit

est le même pour tout n et que donc

$$A_n \cdot b_n = A_{1999} \cdot b_{1999} =$$

Mais l'auteur, apparemment, décida que l'énoncé paraissait un tantinet ennuyeux et le rendit plus vivant de la manière suivante :

$$\begin{array}{r} 886731 \\ \hline 627013 \end{array}$$

et

$$\begin{array}{r} 1254027 \\ \hline 886731 \end{array}$$

Le sixième jour, Pétia écrit :

$$\begin{array}{r} 157258404803: \\ \hline 111198484434! \end{array}$$

et

$$\begin{array}{r} 2223969696886! \\ \hline 157258404803: \end{array}$$

Au delà, les choses se compliquent ...

Pétia, bien sûr, peut utiliser un ordinateur, il est un vieux collaborateur scientifique, après tout. Mais il est intéressant de savoir si Pétia pourra écrire les nombres sur le tableau, c'est à dire, aura-t-il suffisamment de place ? Et un ordinateur pourra-t-il calculer ces nombres ? Ils croissent tellement rapidement [6]...

Le lecteur, sans doute, pressent déjà la réponse. Mais s'en convaincre ne doit gêner personne.

Écrivons le nombre a_n sous forme d'une fraction irréductible

a_n

Alors

$$b_n =$$

$$a_{n+1} = \frac{a_n + b_n}{2} = \frac{1}{2} \cdot \left(\right)$$

$$b_{n+1} = \frac{2}{a_{n+1}}$$

De sorte que

$$P_{n+1} = P_n^2 -$$

$p_{n+1} = p_n^2 + 2, q_{n+1} = p_n^2$ />. Remarquez que la majoration est assez grossière (par induction, on peut prouver que

$$P_n^2 - 2$$

de sorte qu'en fait :

$$P_{n+1} = 4$$

[7].

Nous savons déjà que

$$p_6 >$$

10^{24} . Ce qui implique que :

$$p_7 > 10^{48}, p_8 > 10^{96}$$

$p_{1999} > 10^{24 \cdot 2^{1993}}$

Du fait que

$$2^{10} = 1024$$

1,024 > 1,000, on a :

$$24 \cdot 2^{1993} = 24 \cdot 2^3 \cdot 2^{10 \cdot 199}$$

$192 \cdot 1000^{199} > 10^{599}$

Ce qui signifie que les termes de la fraction que Pétia doit écrire sur le tableau au 1999ème compteront plus de milliards de chiffres. Dire que ce nombre est grand ne signifie rien du tout. Il est absurdemment grand ! Même si Pétia écrit un milliard de chiffres à la seconde, alors il lui faudra

$$10^6$$

secondes [8]

Du fait que

$$60 \times 60 \times 24 \times$$

, Pétia aura besoin de plus de

$$10^6$$

années pour écrire seulement un des termes d'une des deux fractions...

[1] Il y a aussi une page d'accueil en Anglais

[2] uniquement pour les numéros les plus anciens

[3] Les martyrs et les grands martyrs sont honorés dans l'Eglise Orthodoxe

[4] Elèves de 15-16 ans

[5] Proverbe russe : le doute est le commencement de la sagesse

[6] du moins les termes des fractions impliquées

[7] A ce propos et à propos de beaucoup d'autres choses, on peut lire l'article de V. Senderov et A. Spivak "L'équation de Pell" dans Kvant n°3

[8] n.d.t. : pour écrire un terme d'une des deux fractions !